擬似スケールモデルを用いた微小ダイポールによる海水中電磁界

石井 望† 高橋 応明†† 陳 強†††

† 新潟大学 〒 950-2181 新潟市西区五十嵐 2 の町 8050
†† 千葉大学 〒 263-8522 千葉市稲毛区弥生町 1-33
††† 東北大学 〒 980-8579 仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-05
E-mail: †nishii@eng.niigata-u.ac.jp, ††omei@m.ieice.org, †††chenq@ecei.tohoku.ac.jp

あらまし本報告では、実験室内で海洋中における電磁界伝搬を模擬した実験を行うための基本原理である疑似ス ケール則について議論する. 伝搬定数と距離の積に着目し、電気的あるいは磁気的微小ダイポールアンテナの電磁界 において、疑似スケール則を類推する. 疑似スケール則を適用するための条件、すなわち、媒質の損失正接に着目し た導電媒質の条件を確認し、波長および1波長あたりの減衰量について検討する. また、すべての導電媒質において 一般に疑似スケール則が成り立つことを確認する.

キーワード 疑似スケールモデル,微小ダイポール,導電媒質,海水,電磁界

Pseudo Scale Model for Electromagnetic Fields Produced by Infinitesimal Electric and Magnetic Dipoles in Seawater

Nozomu ISHII[†], Masaharu TAKAHASHI^{††}, and Qiang CHEN^{†††}

† Niigata University, 8050 Ikarashi2-cho, Nishi-ku, Niigata 950-2181 Japan †† Chiba University, 1-33 Yayoicho, Inage-ku, Chiba, 263-8522 Japan ††† Tohoku University, 6-6-05 Aramaki-Aza-Aoba, Aoba-ku, Sendai 980-8579 Japan

 $E\text{-mail: $$^$this$} eng.niigata-u.ac.jp, $$^$there@m.ieice.org, $$$^$there@eccei.tohoku.ac.jp, $$$$

Abstract In this report, we discuss the pseudo-scale rule which is the basic principle for laboratory experiments simulating electromagnetic field propagation in the ocean. Focusing on the product of the propagation constant and the distance, the pseudo scale rule can be found in the electromagnetic field of the electrical or magnetic dipole antenna. We also check the conditions for applying the pseudo scale rule, that is, the condition of the conducting medium described by using the loss tangent of the medium, and examine the wavelength and attenuation per wavelength. In addition, we confirm that the pseudo scale rule generally holds in all conducting medium. **Key words** pseudo scale model, infinitesimal dipole, conducting medium, seawater, electromagnetic fields

1. はじめに

海洋は第二の宇宙といわれて久しい.宇宙探査では電波を 使った通信が利用されているのは周知のとおりであるが,海洋 中では電波を使った通信を始めとするアプリケーションは数少 ない.これは,海洋中において電波の減衰が大きいためであり, 海洋中における電波利用は不可避な減衰への試みである.歴史 を紐解くと,1960年代までに,海洋中に沈められたアンテナか らの放射特性に関する種々の検討が行われていた[1].当然のこ とながら,周波数が低いと,海洋中における減衰は小さく,よ り遠方まで電波は届く.しかしながら,この減衰は距離に対し て指数関数的に減衰しており,遠方において,その減衰は1/r², $1/r^3$ などの距離の逆べキ項による減衰よりもシビアであること が多い.また、図1に示すように、海面の下に送受信アンテナ を配置した場合にラテラル波が海面を伝搬することが知られて いる[2]~[4].すなわち、送受信アンテナ間で海洋中を電波が直 接伝搬するだけでなく、送信アンテナから垂直に海面まで達し、 境界条件によりその一部が海面上の大気内に再放射され、その 波が受信アンテナ直上の海面で再び海水内に侵入し、受信アン テナに垂直に到達するという伝搬路である.図1のように、送 受信アンテナ間の距離を d、海面からの深さを h、海水中にお ける減衰定数を α とし、海洋中および海面上の大気内で平面波 伝搬を仮定するとすると、直接波の減衰は $e^{-\alpha d}$ であり、間接 air



図1 海洋中における送受信アンテナの配置

波の減衰は e^{-2αh} である. d > 2h のとき,間接波,すなわち, ラテラル波の伝搬路での減衰が送受信アンテナ間の減衰として 観測される.これは電波による海洋中での長距離通信を実現す るための方法として知られている.しかしながら,これらの研 究に関する論文は 1970 年以降すっかりと鳴りをひそめた.

2004 年以降, MHz 帯における海洋中における電波伝搬実験 の結果が発表されるようになった [5]~[8]. 室内実験施設あるい は岸壁等において,海水中に沈めた二つのループ間の伝達距離 特性が測定されており,多くの場合,ある距離までは急速に減 衰するが,ある距離を超えるとその減衰が緩やかになるという 結果が得られている.これは前述のラテラル波伝搬のためと考 えられる.このような実験が実施された背景には,1960 年代に 比べて飛躍的にディジタル通信技術が発展し,1960 年代では実 現が困難と思われていた無線システムの構成が可能になったこ とが背景にある.さらに,海洋底にあるとされているレアアー スなどの資源開発などのムーブメントの高まりなどがあり,従 来の音波通信ではなく,より高速な通信が可能となる電波によ る通信技術の開発が切望されているという面もある.

このような背景の下,著者らは今こそ海洋中における電波技術へ再チャレンジを始める時期ととらえ,海洋中における電波 伝搬特性の確認を端緒として,具体的なアプリケーションを設 定した検討を開始している[9].そのパイロット的な検討とし て,kHz帯からMHz帯の周波数帯の電波を利用した水中測位 システムについての簡単なシミュレーションを行った.実際に ダイバーによる遭難者救援の場面を想定し,伝搬させるべき距 離(十数 m)に対して,平面波伝搬を仮定して,周波数をパラ メータとした減衰距離特性より使用すべき周波数帯の検討を 行った.さらには,GPSルーターを海面に設置し,3つ以上の ルーターにおけるダイバー送信機から受信振幅レベルからダイ バーの位置推定が可能であることを指摘した.

このシステムの実現に際しては、ルーターを海洋ブイに固定 させることになるが、そのブイが波や潮位で常に一定の位置に ないことの補償、ラテラル波伝搬による受信振幅レベルに基づ く位置推定アルゴリズムの誤動作の問題などを解決しなけれ ばならない.また、ダイバーとルーター間における海洋中にお ける伝搬特性も明らかにしておく必要がある.このためには、 FDTDによる数値シミュレーションが最も有力な方法と目さ れるが、実際には海洋の塩分濃度の違いにより、海洋中におけ



図 2 微小ダイポールアンテナ

る減衰距離特性の変化などが起こりうるため,実験によっても 伝搬特性を確認する必要がある.しかしながら,特にkHz帯の 周波数では,海洋中のおける波長は非常に長く,実験室内の水 槽に海水を満たして、その中で伝搬実験することは現実的でな い.すなわち,実際の海洋中に送受信アンテナを挿入し,伝搬 実験を行わなければならず,準備,費用,時間の面で大がかり となる.

本報告では、実験室内で海洋中における伝搬を模擬した実験 を行うための基本原理である疑似スケール則について議論す る.この疑似スケール則は自由空間内でよく知られたスケール 則[10]とは異なる.著者らは、まず電気的もしくは磁気的微小 ダイポールから放射電磁界の式の形から疑似スケール則を見出 したが、マクスウェル方程式にさかのぼって考察し、導電媒質 内での電磁界全般に対して成り立つ性質であることを確認する. 以下、一様損失媒質内における伝搬を仮定し、ラテラル波伝搬 については考慮しない.また、導電媒質内における平面波の性 質を調べ、導電媒質であるための条件を損失正接 tan δ を用い て定量的に明らかにするともに、1 波長あたりの減衰量につい ても考察を行う.

導電媒質内における微小ダイポールによる電磁界に関する疑似スケール則

いま,誘電率 ε ,透磁率 μ ,導電率 σ の一様媒質を考える.こ こで,媒質の伝搬定数 γ は

$$\gamma = \alpha + j\beta = \sqrt{(j\omega\mu)(\sigma + j\omega\varepsilon)} \tag{1}$$

で与えられる.ここで、 ω は角周波数とし、 α および β は媒質の減衰定数および位相定数とする.図2に示される \hat{z} 方向を向いた電流モーメント *Il* の電気的微小ダイポールによる電磁界は、球座標系 (r, θ, ϕ) を用いて

$$E_r = 2j\omega\mu_0 Il\cos\theta \left\{\frac{1}{\gamma r} + \frac{1}{(\gamma r)^2}\right\} \frac{e^{-\gamma r}}{4\pi r}$$
(2a)

$$E_{\theta} = j\omega\mu_0 I l\sin\theta \left\{ 1 + \frac{1}{\gamma r} + \frac{1}{(\gamma r)^2} \right\} \frac{e^{-\gamma r}}{4\pi r}$$
(2b)

$$H_{\phi} = \gamma I l \sin \theta \left(1 + \frac{1}{\gamma r} \right) \frac{e^{-\gamma r}}{4\pi r}$$
(2c)

$$E_{\phi} = H_r = H_{\theta} = 0 \tag{2d}$$

と記述できる[1]. このように、電気的微小ダイポールの場合、





図 3 導電媒質内における電気的微小ダイポールによる電磁界の距離 特性 (30kHz, $\varepsilon_r = 80, \sigma = 4$ S/m, ll = 1Am)

その電磁界の距離特性は γr の関数となることがわかる. 導電媒質においては, $\sigma \gg \omega \varepsilon$ の近似が成り立ち

$$\alpha \approx \beta \approx \sqrt{\frac{\omega\mu\sigma}{2}} \tag{3}$$

となるから, γrは

$$\gamma r \approx \beta (1+j)r = 2\pi (1+j)\frac{r}{\lambda}$$
(4)

と近似できる. ここで、 λ は損失媒質内における波長であり、 $\lambda = 2\pi/\beta$ により与えられる. 式 (4) は、 γr は波長で正規化し た距離 r/λ に定数 $2\pi(1 + j)$ を乗じたものであることを示す. このことは、波長で正規化した距離に着目すると、導電媒質条 件を満足する媒質内では、定数倍を除いて距離減衰特性が同じ であることを示唆している.

同様に、 \hat{z} 方向を向いた磁流モーメント $I_m l$ の磁気的微小ダ イポール(図 2 参照)による電磁界は、球座標系 (r, θ, ϕ) を用 いて

$$H_r = \frac{2\gamma^2 I_m l \cos \theta}{j\omega\mu} \left\{ \frac{1}{\gamma r} + \frac{1}{(\gamma r)^2} \right\} \frac{e^{-\gamma r}}{4\pi r}$$
(5a)

$$H_{\theta} = \frac{\gamma^2 I l \sin \theta}{j \omega \mu} \left\{ 1 + \frac{1}{\gamma r} + \frac{1}{(\gamma r)^2} \right\} \frac{e^{-\gamma r}}{4\pi r}$$
(5b)

$$E_{\phi} = -\gamma I_m l \sin \theta \left(1 + \frac{1}{\gamma r} \right) \frac{e^{-\gamma r}}{4\pi r}$$
(5c)

$$H_{\phi} = E_r = E_{\theta} = 0 \tag{5d}$$



(b) $|H_{\phi}|$ (x 軸上)

図 4 導電媒質内における電気的微小ダイポールによる電磁界の距離 特性 (3MHz, $\varepsilon_r = 80, \sigma = 4$ S/m, Il = 1Am)

と記述できる [1]. このように、磁気的微小ダイポールの場合 も、電磁界の距離特性は γr の関数となることがわかる.

kHz 帯での伝搬実験を想定すると、我々が試作できるアンテ ナの大きさ(最大寸法 2m 程度)は、波長に比べて十分に小さ い.アンテナがダイポールタイプであれ、ループタイプであれ、 導電媒質内では、上述のように、波長で正規化された距離 r/λ の関数として電磁界の距離特性が記述できる.この性質を利用 すると、kHz 帯で十分に長い距離の測定を必要とする伝搬特性 を、周波数を高くして(波長を短くして)、例えば、MHz 帯で 実験室に設置した水槽内に満たされた導電媒質内における測定 により確認することが可能となる.これは自由空間におけるス ケール則と類似する性質であり、以降、本報告ではこの性質を 疑似スケール則と呼ぶことにする.

図 3 および図 4に、海水を模擬した導電媒質 ($\varepsilon_r = 80, \sigma = 4$ S/m)内における電気的微小ダイポールによる | E_{θ} |および | H_{ϕ} |の x 軸に沿った距離特性を示す.海水の導電率は周波数 によらず一定であると前提する.図 3 は 30kHz,図 4 は 3MHz の場合である.図 3 と図 4 を比較すると、周波数が 100 倍も 異なるにもかかわらず、定数倍を除いて距離減衰特性が類似す ることがわかる.この相似性が疑似スケール則の本質である.図 3(a)および図 4(a)より、| E_{θ} | は x < 0.5 λ において 1/ r^3 に従い、x > 3 λ において $e^{-\alpha r}$ に従うことがわかる.一方、図 3(b)および図 4(b)より、| H_{ϕ} | は x < 0.2 λ において 1/ r^2



図 5 f(p) および g(p) の p 依存性

に従い, $x > 3\lambda$ において $e^{-\alpha r}$ に従うことがわかる.

3. 導電媒質内における平面波の性質

本節では,疑似スケール則を適用するための導電媒質条件 $\sigma \gg \omega \varepsilon$ に関する定量的な評価指標を確認するとともに,1波 長あたりの減衰量などの導電媒質内の平面波の性質についてま とめておく.

まず, 一様損失媒質の複素誘電率 ċ は

$$\dot{\varepsilon} = \varepsilon - j\frac{\sigma}{\omega} = \varepsilon_0 \varepsilon_r (1 - j \tan \delta) = \varepsilon (1 - jp) \tag{6}$$

と記述される.ここで、 ε_0 は自由空間の誘電率、 ε_r は媒質の複素比誘電率の実部、 $p = \tan \delta$ は媒質の損失正接である.このとき、伝搬定数 γ は

$$\gamma = \alpha + j\beta = j\omega\sqrt{\mu\dot{\varepsilon}} = j\omega\sqrt{\mu\varepsilon}\sqrt{1-jp} \tag{7}$$

と記述できる. これから, 位相定数 β および α は

$$\beta = \omega \sqrt{\mu \varepsilon} f(p) \tag{8}$$

$$\alpha = \omega \sqrt{\mu \varepsilon} \ g(p) \tag{9}$$

と与えられる. ここで

$$\sqrt{1-jp} = f(p) - jg(p) \tag{10}$$

であり

$$f(p) = \left[\frac{\sqrt{1+p^2}+1}{2}\right]^{1/2}$$
(11)

$$g(p) = \left[\frac{\sqrt{1+p^2}-1}{2}\right]^{1/2}$$
(12)

とする [4].

図 5 に, f(p) および g(p) の p 依存性を示す. 同図には,低 損失媒質および導電媒質条件を適用した場合の近似曲線を併せ て示す.低損失媒質では, $\sigma \ll \omega \varepsilon$ により, f(p), g(p) は

$$f(p) \approx 1 \tag{13}$$

$$g(p) \approx \frac{p}{2} \tag{14}$$

と近似され、導電媒質では、 $\sigma \gg \omega \epsilon$ により、f(p), g(p)は

$$f(p) \approx g(p) \approx \sqrt{\frac{p}{2}}$$
 (15)

と近似される.

図 5 から, f(p) および g(p) は, p = 0.6 から p = 10 の間で 傾きが徐々に変化し, p < 0.6 では低損失媒質の性質を, p > 10では導電媒質の性質を示す. このことから,前節で説明した疑 似スケール則を利用するためには,媒質の損失正接 tan δ が 10 よりも大きいことが目安になる.

損失媒質の波長λは

$$\lambda = \frac{2\pi}{\beta} = \frac{2\pi}{\omega\sqrt{\mu\varepsilon}} \frac{1}{f(p)} \tag{16}$$

と与えられ,低損失媒質では

$$\lambda \approx \frac{2\pi}{\omega \sqrt{\mu\varepsilon}} \tag{17}$$

となり、導電媒質では

$$\lambda \approx \frac{2\pi}{\omega\sqrt{\mu\varepsilon}}\sqrt{\frac{2}{p}} = 2\pi\sqrt{\frac{2}{\omega\mu\sigma}}$$
(18)

となる.よく知られたことであるが,これから,自由空間ある いは低損失媒質では,波長は周波数に反比例するが,導電媒質 では,もし透磁率 μ および導電率 σ が周波数によらず一定であ るならば,波長は周波数の平方根に反比例することがわかる. 具体的には,導電媒質では,周波数を 100 倍にすると,波長が 1/10 倍になる.例えば,30kHz の波長は 3MHz の波長の 10 倍であるという具合である.別の言い方をすれば,30kHz の伝 搬特性で要する距離範囲は 3MHz ではその 1/10 となる.図6 に, $p \ge 1/f(p)$ の関係を示す.同図には,低損失媒質および 導電媒質条件を適用した場合の近似曲線を併せて示す. 1/f(p)は,p = 0.6からp = 10の間で傾きが徐々に変化し,pが 10 より大きくなると, $\sqrt{2/p}$ に近づく.

1波長あたりの減衰量は

$$\alpha \lambda = \alpha \frac{2\pi}{\beta} = 2\pi \frac{g(p)}{f(p)} \tag{19}$$

と与えられ,低損失媒質では

$$\alpha \lambda \approx 2\pi \frac{p}{2} = \pi p \tag{20}$$

となり, 導電媒質では



図7 g(p)/f(p)のp依存性

$$\alpha \lambda \approx 2\pi \frac{\sqrt{p/2}}{\sqrt{p/2}} = 2\pi \tag{21}$$

となる.1波長あたりの減衰量は、低損失媒質では、媒質の損 失正接 $\tan \delta$ に比例するが、導電媒質では、媒質の定数や周波 数に関係なく、一定の値 2π (54.57dB) となる.これから、損 失媒質における距離 r あたりの減衰量 αr は

$$\alpha r = (\alpha \lambda) \frac{r}{\lambda} \approx 2\pi \frac{r}{\lambda} \tag{22}$$

と与えられ,波長で正規化された距離 r/λ に比例し,その比例 係数は 2π である.図7に $p \ge g(p)/f(p)$ の関係を示す.同図 には,低損失媒質および導電媒質条件を適用した場合の近似曲 線を併せて示す.g(p)/f(p)は、p = 0.6からp = 10の間で傾 きが徐々に変化し、pが10より大きくなると、1に収束する.

具体的に、典型的な淡水中および海水中の電気特性の周波数 依存性の例を示しておく.淡水は、比誘電率 $\varepsilon'_r = 80$ および導 電率 $\sigma = 10^{-2}$ S/m を仮定し、海水は、比誘電率 $\varepsilon'_r = 80$ およ び導電率 $\sigma = 4$ S/m を仮定する.表 1 および図 8 に、淡水の 電気特性、すなわち、損失正接 tan δ、減衰定数 α、位相定数 β ならびに波長 λ の周波数依存性を示す.表 2 および図 9 に、海 水の電気特性、すなわち、損失正接 tan δ、減衰定数 α、位相定 数 β ならびに波長 λ の周波数依存性を示す.図 8 により、淡 水の場合、225kHz を境に波長 λ 、減衰定数 α の曲線の傾きが 変わる.図 9 により、海水の場合、9MHz を境に波長 λ 、減衰 定数 α の曲線の傾きが変わる.これらの周波数より低い周波数 表 1 淡水の電気特性の周波数依存性 ($\varepsilon_r = 80, \sigma = 10^{-2} \, \text{S/m}$)

f [Hz]	p	$\alpha \; [{\rm dB/m}]$	$\beta~[\rm rad/m]$	$\lambda \ [m]$
3k	7.5×10^2	0.09	0.0109	577
10k	2.2×10^2	0.17	0.0199	316
30k	75	0.30	0.0346	181
100k	22	0.53	0.0642	97.8
300k	7.5	0.88	0.116	54.0
$1\mathrm{M}$	2.2	1.4	0.247	25.5
3M	0.75	1.7	0.596	10.5
10M	0.22	1.8	1.89	3.33

表 2 海水の電気特性の周波数依存性 ($\varepsilon_r = 80, \sigma = 4$ S/m)

f [Hz]	p	$\alpha~[\rm dB/m]$	$\beta~[\rm rad/m]$	$\lambda \ [m]$
3k	3.0×10^5	1.9	0.218	28.9
10k	9.0×10^4	3.5	0.397	15.8
30k	3.0×10^4	6.0	0.688	9.13
100k	9.0×10^3	10.9	1.26	5.00
300k	3.0×10^3	18.9	2.18	2.89
$1\mathrm{M}$	90	34.5	3.98	1.58
3M	30	59.7	6.87	0.911
10M	9	108.5	12.6	0.497



(b) 減衰定数 α, 位相定数 β の周波数特性
 図 8 淡水の電気特性の周波数依存性 (ε_r = 80, σ = 10⁻² S/m)

では、 $\tan \delta > 10$ となり、導電媒質に対応する.

4. 導電媒質内における疑似スケール則の一般化 電磁界のスケールモデルとして,長さ*l*を*l'* = *l/n* と縮小す



(b) 減衰定数 α, 位相定数 β の周波数特性
 図 9 海水の電気特性の周波数依存性 (ε_r = 80, σ = 4 S/m)

る場合, $\omega' = n\omega$, $\sigma' = n\sigma$, $\varepsilon' = \varepsilon$, $\mu' = \mu$ と設定すればよい ことが知られている[10].ここで,長さを1/n倍した量をプラ イム'を付けて表した.しかしながら,このスケールモデルで は,長さを1/n倍した際に導電率をn倍する必要があり,3.で 議論したように,周波数によらず導電率が一定である場合に対 応していない.

導電媒質内では, $\sigma \gg \omega \varepsilon$ の条件より, マクスウェルの回転 方程式は

 $\nabla \times \boldsymbol{E} = -j\omega\mu\boldsymbol{H} \tag{23}$

$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \sigma \boldsymbol{E} \tag{24}$$

と近似できる.長さ $l \approx l' = l/n$ に縮小するとき,導電率 σ および透磁率 μ が不変であるとして, $\nabla' = n\nabla$ の関係により

$$\boldsymbol{E}' = n\boldsymbol{E} \tag{25}$$

$$\omega' = n^2 \omega \tag{26}$$

という疑似スケール則が得られる.このとき,減衰定数および 位相定数に関する疑似スケール則は

$$\alpha' = \sqrt{\frac{\omega'\mu\sigma}{2}} = n\sqrt{\frac{\omega\mu\sigma}{2}} = n\alpha \tag{27}$$

$$\beta' = \sqrt{\frac{\omega'\mu\sigma}{2}} = n\sqrt{\frac{\omega\mu\sigma}{2}} = n\beta \tag{28}$$

となり、波長および1波長あたりの減衰量に関しては

$$\lambda' = \frac{2\pi}{\beta'} = \frac{2\pi}{n\beta} = \frac{\lambda}{n}$$
(29)

$$\alpha'\lambda' = (n\alpha)\frac{\lambda}{n} = \alpha\lambda \tag{30}$$

となる. すなわち, 波長は長さと同じスケール則に従い, 1 波 長あたりの減衰量は不変量となる. このように, 3. で議論した ように, 導電媒質において周波数を 100 倍にすると波長が 1/10 倍となることが確認できる.

5. まとめ

本報告では、まず電気的あるいは磁気的微小ダイポールアン テナの電磁界の式の中の距離特性 γr に着目し、疑似スケール 則を類推した.続いて、海水中おける電気的微小ダイポールに よる電磁界距離特性に関する計算例を示し、微小ダイポールに 関する疑似スケール則の性質、すなわち、距離を媒質中の波長 で正規化することにより、距離特性が相似となることを確認し た.また、疑似スケール則を適用するための条件、すなわち、 媒質の tan δ に着目した導電媒質の条件を確認し、波長および 1 波長あたりの減衰量について検討した.最後に、微小ダイポー ルにかかわらず、導電媒質内において疑似スケール則が成り立 つことを確認した.

今後,本報告で確認した疑似スケール則を利用し,実験室内の 水槽において海水内の電磁界距離特性の測定を行い,実スケー ルでの海水内の電磁界距離特性との比較を行う予定である.

文

献

- J. R. Wait, "Electromagnetic fields of sources in lossy media," in R. E. Collin and F. J. Zucker eds., Antenna Theory part 2, Chapter 24, pp.438-514, McGraw-Hill, 1969.
- [2] R. K. Moore, "Radio communication in the sea," IEEE Spectrum, vol. 4, no. 11, pp. 42-51, Nov. 1967.
- [3] M. Siegel and R. King, "Electromagnetic propagation between antennas submerged in the ocean," IEEE Transactions on Antennas and Propagation, vol. 21, no. 4, pp. 507-513, Jul. 1973.
- [4] R. W. P. King and Glenn Smith, Antennas in Matter, Fundamentals, Theory, and Applications, The MIT Press, 1981.
- [5] A. I. Al-Shamma'a, A. Shaw and S. Saman, "Propagation of electromagnetic waves at MHz frequencies through seawater," IEEE Transactions on Antennas and Propagation, vol. 52, no. 11, pp. 2843-2849, Nov. 2004.
- [6] J. Lucas and CK Yip, "A Determination of the propagation of electromagnetic waves through seawater," International Journal of the Society for Underwater Technology, vol. 27, no. 1, pp. 1-9, 2007.
- [7] C. Uribe and W. Grote, "Radio Communication Model for Underwater WSN," 2009 3rd International Conference on New Technologies, Mobility and Security, Cairo, 2009, pp. 1-5.
- [8] H. Yoshida, "Underwater electromagnetics and its application to unmanned underwater platforms," 2013 IEEE International Underwater Technology Symposium (UT), March 2013.
- [9] 陳 強,高橋 応明,石井 望,"電波の海中応用へのアプローチ
 一振幅減衰を利用した測位システムに向けて —,"信学技報, AP2016-92, pp.25-28, つくば, Sep. 2016.
- [10] C. A. Balanis, Antenna Theory Analysis and Design, Fourth Edition, John Wiley & Sons, 2016.