第 504 回伝送工学研究会

# プリント基板上線路の電流分布の推定法に関する研究

## 平成 19年 10月 23日

## 加藤 純人 陳 強 澤谷 邦男

東北大学大学院工学研究科

## プリント基板上線路の電流分布の推定法に関する研究

加藤 純人 Sumito Kato 陳 強 Qiang Chenq 澤谷 邦男 Kunio Sawaya

#### 東北大学大学院工学研究科

Graduate School of Engineering, Tohoku University

### 1. はじめに

近年,電子機器の小型化及び動作の高速化に伴い, 電子機器内のプリント基板から放射される妨害波によ る電磁干渉問題が深刻になっている.それ故,先進国 では電磁波の漏洩に関する厳しい基準が設けられてい る.不要電磁波の放射源の位置を特定して電磁干渉を 抑圧するために,プリント基板(Printed Circuit Board, PCB)上の電流分布を定量的に把握することは極めて 重要かつ有効な手段である.

従来の関連研究では,等価波源による推定手法が検討されてきた[1]-[7].放射源近傍の電磁界分布を測定 することにより遠方界を評価するには効果的な手法で ある.しかし,この手法では等価波源上の電流値は評 価できるが,元の波源上の電流分布は未知であった.

近傍電磁界の測定から波源上の電流分布を推定す るには逆問題を解く必要がある[8]-[10].グリーン関数 を適用することにより波源上の電流と近傍電磁界との 間に行列方程式を立てることができるが,複雑な構造 を持つ PCB ではグリーン関数を求めることは難しい.

そこで,著者らはこれまでに,FDTD 法を用いて仮 想波源と受信プローブ間の相互インピーダンスを求め ることにより,近傍電磁界の測定値から多層 PCB 上の 電流分布を推定する方法を提案してきた[10].しかし, 現在までに本手法は線状導体及び集中定数素子から構 成されるモデルについてしか検討されておらず,面状 導体を含むモデルについての検討が必要である.

本報告では、本手法を用いて面状導体を含むプリント基板上の電流分布の推定を行ったので,その結果を 述べる.

## 2. 原理

## 2.1. 推定手法

多層 PCB の一般的なモデルとして,図1のような集中定数素子を含む2層構造の PCB を考える.

電流分布の推定モデルを図2に示す.集中定数素子から電磁界は放射されないので,集中定数素子は全て取り除かれる.また,マイクロストリップ線路は電気的に小さい電流セグメントに分割される.このとき伝送線路上の電流分布 I(r)は展開関数 f<sub>j</sub>(r)を用いて次のように展開される.



$$\mathbf{I}(\mathbf{r}) = \sum_{j=1}^{N} I_{j} \mathbf{f}_{j}(\mathbf{r})$$
(1)

ここで *I<sub>j</sub>*は未知の電流係数,*N*は電流セグメントの総数であり,展開関数 **f**<sub>j</sub>は次式で表される区分的なパルスとする.

$$\mathbf{f}_{j}(\mathbf{r}) = \begin{cases} 1 & \mathbf{r} \in \text{segment } j \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$
(2)

近傍電界 E(r)とセグメント上の電流 I(r)との関係は, 電界積分方程式(Electric Field Integral Equation, EFIE) により次のように表される.

$$\mathbf{E}(\mathbf{r}) = \int \overline{\mathbf{G}}(\mathbf{r}, \mathbf{r}') \cdot \mathbf{I}(\mathbf{r}') d\mathbf{r}'$$
(3)

ここで, G(r,r') は多層基板の境界条件を満たすダイア

ディックグリーン関数である.このグリーン関数が既 知であれば,近傍電界を測定することにより電流を推 定することができる.

(1)~(3)式により次式が導かれる.

$$V_{i} = \sum_{j=1}^{N} Z_{ij} I_{j} \qquad (i=1 \sim M)$$
(4)

ここで *Z<sub>ij</sub>* は測定点 *i* にあるプローブとセグメント *j* の 相互インピーダンスであり,数値的に求める必要があ る.*V<sub>i</sub>* は測定点 *i* における受信電圧,*M* は測定点の総 数である.

## 2.2. 相互インピーダンス

本手法では Z<sub>ij</sub>を FDTD 法により計算している .図 3 に FDTD 法の解析モデルを示す . 電流セグメント *j* に 対して走査面上にある Yee セルの電界の接線成分を計 算する . 全ての電流セグメントに対して走査面上の電 界を得るために , FDTD 計算を *N* 回行う必要がある . 受信プローブとしてダイポールアンテナを用いる場合 , (4)式中の Z<sub>ii</sub> は次のように表される .

$$Z_{ij} = \frac{1}{I_j} \sum_{j=1}^{K} \int \mathbf{E}_k(\mathbf{r}) \cdot \mathbf{w}_i(\mathbf{r}) d\mathbf{r}$$
(5)

ここで w<sub>i</sub>(**r**)は区分的な正弦関数で,ダイポール上の電流分布を示している.*K* はダイポール上の Yee セル数であり,ダイポールに沿って積分を行うことで受信電圧が計算される.図4はプローブと Yee セルとの位置関係を示している.



図 3 相互インピーダンスを求める時の FDTD 法の解 析モデル.



図 4 受信プローブと Yee セル.

#### 2.3. 一般逆行列

*V<sub>i</sub>*は測定により求められ,相互インピーダンスは FDTD 法により計算できるので,(4)式を解くことによ り未知の電流係数 *I<sub>j</sub>*が得られる.(4)式は以下のような 行列方程式として表すことができる.

 $\begin{bmatrix} Z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} V \end{bmatrix} \tag{6}$ 

ここで,[*Z*]は *M*×*N* 次元のインピーダンス行列,[*I*]は 成分 *N* のベクトル,[*V*]は成分 *M* のベクトルである.

この行列方程式は M≥N における一般逆行列を用いることによって解くことができる.

$$[I] = ([Z]^{H} [Z])^{-1} [Z]^{H} [V]$$
<sup>(7)</sup>

ここで,[Z]<sup>H</sup>は[Z]のエルミート共役行列である.

#### 2.4. 条件数

条件数 κは(8)式で表され,連立方程式の数値的安定 性を示す.

 $\lambda_{max}$  は[Z]<sup>H</sup>[Z]の最大固有値であり, $\lambda_{min}$  は[Z]<sup>H</sup>[Z]の 最小固有値である.  $\kappa$ は数値計算を行う際の丸め誤差 が解の誤差として拡大される程度を表し, $\kappa$ が小さい ほど安定した数値計算が行えることを示す.条件数 $\kappa$ は電流分布の数値解が分かっていなくても導入可能で ある.

$$\kappa(\mathbf{Z}) = \frac{\sqrt{|\lambda_{\max}|}}{\sqrt{|\lambda_{\min}|}}$$
(8)

### 2.5. 相関係数

相関係数 /は(9)式で表され,数値解と推定値の一致 性を示す.

$$\gamma = \frac{\left|\sum_{j=1}^{N} (x_j - x^*)(y_j - y^*)\right|}{\sqrt{\sum_{j=1}^{N} (x_j - x^*)^2} \sqrt{\sum_{j=1}^{N} (y_j - y^*)^2}}$$
(9)

 $x_j$ は FDTD で計算された数値解  $I_j$ であり, $x^*$ は $x_j$ の 平均値である.また, $y_j$ は本手法により推定された推 定値  $I_j$ であり、 $y^*$ は $y_j$ の平均値である. $0 \le \gamma \le 1$ であり、  $\gamma$ が 1 に近いほど高精度であることを示す.相関係数 $\gamma$ は電流分布の数値解が分かっている場合に導入可能で ある.

## 数値シミュレーションによる走査パラメー タの最適化

#### 3.1. 電流分布の推定モデル

電流分布の推定に用いた PCB の構造を図 5 及び表 1 に示す. PCB 上には 0.3 $\lambda$ ×0.3 $\lambda$ の正方形のパッチがあ り,全長 0.2  $\lambda$ のマイクロストリップ線路により給電さ れている.



図 5 電流分布の推定に用いた PCB の構造.

表 <u>1</u> 電流分布の推定に用いた PCB のパラメータ . f[GHz] 1.5  $L_x, L_y, L_{z1}, L_{z2} [\lambda]$  0.8, 0.8, 0.008, 0.008  $\sigma_1, \sigma_2 [S/m]$  2.13×10<sup>-3</sup>  $\epsilon_{r1}, \epsilon_{r2}$  4.4, 4.4

図6には電流分布の推定モデルを示す.マイクロストリップ線路部分については,線路に沿って仮想波源を配置する.パッチ部分は格子状に仮想波源を配置することで近似する.また仮想波源長 *l<sub>s</sub>=0.05λ*,仮想波源の総数 *N*=84 とした.



図6 電流分布の推定モデル.

### 3.2. プローブ走査面

近傍界測定のためのプローブ走査面を図 7 に示す. 受信プローブとして全長  $l_p$ のダイポールアンテナを用いた.波源と走査面間の距離は  $d_z$ である.受信プローブの走査範囲は  $S_x \times S_y$ であり,測定点数は  $M_x \times M_y$ とする.測定点の間隔は x 方向と y 方向それぞれ  $s_x$ ,  $s_y$  である.また,プローブ測定点では一箇所につき x 方向と y 方向の 2 偏波を受信する.



## 3.3. プローブ長 *l<sub>p</sub>* による推定精度の変化

まず高精度で測定するための条件を求めるために、 プローブ長  $l_p \ge 0.1\lambda \sim 0.5\lambda$ まで変化させてシミュレー ション を行った.このとき走査範囲  $S_x=S_y$ =0.5 $\lambda$ ,SNR=20dB である.測定距離  $d_z$ の関数として条 件数  $\kappa$ と相関係数  $\gamma$ のグラフを図 8,図 9に示す.この 結果から,受信 SNR を同じであると仮定した場合は、 プローブ長が長くなるほど推定精度が低くなることが 分かる.これはプローブが長くなるほど分解能が落ち、 線路を区別できなくなるためであると考えられる.ま た $l_p=0.1\lambda$ のとき高精度に推定するためには、 $d_z\leq 0.04\lambda$ とする必要がある.



図 8 条件数 κ による数値計算の安定性の評価.



図 9 相関係数 y による電流分布推定精度の評価.

#### 3.4. 走査範囲 $S_x=S_y$ による推定精度の変化

同様に,走査範囲  $S_x=S_y$ を  $0.3\lambda \sim 1.0\lambda$ まで変化させて シミュレーションを行った.このとき,プロープ長  $l_p=0.1\lambda$ ,  $d_z=0.04\lambda$ である.測定距離  $d_z$ の関数として条 件数  $\kappa$ と相関係数  $\gamma$ グラフを図 10,図 11 に示す.この グラフから走査範囲  $S_x=S_y \ge 0.4\lambda$ のときには $\kappa$ がほとん ど同じ値をとっており, $\gamma$ が 0.9 以上の高い精度で推定 できていることが分かる.これは,波源全体をカバー する程度の走査範囲で十分であることを示している.



図 10 条件数 / による数値計算の安定性の評価.



図 11 相関係数 / による電流分布推定精度の評価.

## 4. 実験による電流分布の推定

## 4.1. 実験系

図 12 に実験系を示す.ネットワークアナライザの Port1 に電流分布の推定対象である PCB を接続し, Port2 に受信プローブを接続する.各測定点で S<sub>21</sub>を測 定することによってプローブの受信電圧分布を求める. この際,プローブの位置は xy Scanner Controller で正確 に制御される.使用したネットワークアナライザは HP 製の HP8753E であり,また xy Scanner Controller は DEVICE 製の DX4121AV1/O である.また,実験に用い たプローブの走査パラメータは表 2 に示す.



表 2 走査パラメータ .  $l_p[\lambda]$  0.1  $d_z[\lambda]$  0.04  $S_x, S_y[\lambda]$  0.5, 0.5  $s_x, s_y[\lambda]$  0.05, 0.05  $M_x, M_y$  11, 11

## 4.2. 受信電圧分布

プローブ受信電圧の振幅分布について,実験値と数 値シミュレーションによって求められた結果の比較を 図 13 に示す.y 偏波の実験値で数値シミュレーション にはないピークが見られるが,受信プローブのバラン が機能せずケーブルに電流が流れてしまったためと考 えられる.x 偏波については,数値シミュレーション と実験値で概ね一致している.



(a) x 偏波.



(b) y偏波.図 13 プローブ受信電圧分布.

#### 4.3. 電流分布の推定結果

実験によって求められた受信電圧分布による電流 分布の推定値と,数値シミュレーションによって求め られた電流分布の数値解の比較を図14に示す.推定 値では電流分布の対称性が乱れているセグメントが見 られるが,近傍電界の測定誤差によって引き起こされ たと考えられる.数値解と推定値と比較すると,定在 波のピークの位置は一致しており,電流分布の全体的 な傾向も概ね一致していることが分かる.







(b) y 成分 .図 14 電流分布の推定結果 .

### 5. まとめ

近傍電磁界の測定によって,面状導体を含むモデル の電流分布の推定を行った.パッチ部分は仮想波源を 格子状に配置することで近似した.近傍電界の測定誤 差により推定値では対称性が乱れているセグメントが あったが,電流分布の全体的な傾向は数値解とほぼ一 致しており,本手法の妥当性を示した.

#### 文 献

- [1] P. Petre and T.K.Sarkar, "Near-field to far-field transformation using an equivalent magnetic current approach," *IEEE Trans. Antennas Propagat.*, vol.40, pp. 1348-1356, Nov. 1992.
- [2] A. Taaghol and T. K. Sarkar, "Near-field to near/far-field transformation for arbitrary near-field geometry, utilizing an equivalent magnetic current," *IEEE Trans. Electromag. Compat.*, vol. 38, pp. 536-542, Aug. 1996.
- [3] S.Blanch, R. G. Yaccarino, J. Romeu, and Y. Rahamat-Samii, "Near-field to far-field transformation of bi-polar measurements by equivalent magnetic current approach," *IEEE AP-Symp.*, June 1996, pp.561-564.
- [4] Peter Petre and Tapan Kumar Sarkar, "Planar Near-Field to Far-Field Transformation Using an Array of Dipole Probes," *IEEE Trans. Antennas Propagat.*, pp.534-537, vol.42, No.4, Mar 1994.
- [5] Tapan Kumar Sarkar, and Aradalan Taaghol, "Near-Field to Near/Far-Field Transformation for Arbitrary Near Field Geometry Utilizing an Equivalent Electric Current and MoM," *IEEE Trans.*

Antennas Propagat., pp.566-573, vol.47, No.3, Mar 1999.

- [6] Jean-Jacques Laurin, Fean-Francois Zurcher, and Fred E. Gardiol, "Near-Field Diagnostics of Small Printed Antennas Using the Equivalent Magnetic Current Approach," *IEEE Trans. Antennas Propagat.*, pp.814-828, vol.49, No.5, May 2001.
- [7] Jeromo Colinas, Yuves Goussard, Member, and Jean-Jacques Laurin, "Application of the Tikhonov regularization technique to the equivalent magnetic currents near-field technique," *IEEE Trans. Antennas Propagat.*, vol. 49, pp.814-828, May 2001.
- [8] K. Gosho and T. Iwasaki, "Estimation of the Current Distribution on a Half Wavelength Dipole Antetnna from Near-Electric Field," Technical Report of IEICE, EMCJ99-132, pp.13-18, Mar. 2000.
- [9] Ifong Wu, Shinichiro Nishizawa and Osamu Hashimoto, "A Study of the Surface Current Distribution on the Microwave Transmission Line Using Green's Function," Science and Technology of Advance Materials, vol7, No.1, pp.84-89, Jan. 2006.
- [10] Q. Chen, S. Kato, and K. Sawaya, "Estimation of Current Distribution on Multi-layer Printed Circuit Board by Near-field Measurement," Proc. International Symposium on Antennas and Propagation (ISAP), CD-ROM, Singapore, 2006.